

～文字を使った説明問題に挑戦しよう～ p. 20

学習日 月 日

年 組 番 氏名

- 1 誕生日を当てるゲームをします。相手に次の①～⑤の順に計算してもらいます。⑤の結果は相手の誕生日を表す数になります。

計算手順

計算例
(5月4日の場合)

- ① 生まれた月を10倍する。
② ①の結果に2を加える。
③ ②に10をかける。
④ ③に生まれた日を加える。
⑤ ④から20をひく。

- ① $5 \times 10 = 50$
② $50 + 2 = 52$
③ $52 \times 10 = 520$
④ $520 + 4 = 524$
⑤ $524 - 20 = 504$

上のような計算で誕生日がわかるわけを、誕生日がx月y日の場合を例として説明しなさい。

(説明)

誕生日をx月y日とすると

- 2 整数をnとすると、整数nを用いて、偶数、奇数を表すことができることを確かめ、説明を完成しなさい。

(説明)

まず、
 $0 = 2 \times 0$
 $2 = 2 \times 1$
 $4 = 2 \times 2$
 $6 = \underline{\hspace{2cm}}$

⋮

(偶数) = $2 \times$ (整数)

で表されるから、整数nを利用すると

(偶数) = $\underline{\hspace{2cm}}$

と表すことができる。

次に、
 $1 = 0 + 1 = 2 \times 0 + 1$
 $3 = 2 + 1 = 2 \times 1 + 1$
 $5 = \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$

⋮

(奇数) = ($\underline{\hspace{2cm}}$) + 1
 $= 2 \times$ ($\underline{\hspace{2cm}}$) + 1

で表されるから、整数nを利用すると

(奇数) = $\underline{\hspace{2cm}}$

- 3 2の考えを使って、奇数や偶数の性質を説明しよう。

- (1) アとイの計算は「偶数と奇数の和はいつも奇数である。」の一例です。確かめなさい。

ア $4 + 7 =$

イ $16 + 13 =$

- (2) 「偶数と奇数の和はいつも奇数である。」ことの説明を完成しなさい。

(説明)

整数mを使って、偶数を表すと

(偶数) = $\underline{\hspace{2cm}}$

整数nを使って、奇数を表すと

(奇数) = $\underline{\hspace{2cm}}$

偶数と奇数の和を表すと

(偶数) + (奇数) = $\underline{\hspace{2cm}}$
 $= \underline{\hspace{2cm}}$

ここで、 $m + n$ は $\underline{\hspace{2cm}}$ であるから、

$2(m + n)$ は $\underline{\hspace{2cm}}$ である。

偶数に1加えると $\underline{\hspace{2cm}}$ だから

$2(m + n) + 1$ は $\underline{\hspace{2cm}}$ である。

したがって、

偶数と奇数の和はいつも奇数である。

- (3) 「奇数と奇数の和はいつも偶数である。」このことの説明しなさい。

(説明)

1

計算手順

- ① 生まれた月を10倍する。
- ② ①の結果に2を加える。
- ③ ②に10をかける。
- ④ ③に生まれた日を加える。
- ⑤ ④から20をひく。

計算例
(5月4日の場合)

- ① $5 \times 10 = 50$
- ② $50 + 2 = 52$
- ③ $52 \times 10 = 520$
- ④ $520 + 4 = 524$
- ⑤ $524 - 20 = 504$

説明例

誕生日を x 月 y 日とすると

- ① $10 \times x = 10x$
- ② $10x + 2$
- ③ $10(10x + 2) = 100x + 20$
- ④ $100x + 20 + y = 100x + y + 20$
- ⑤ $100x + y + 20 - 20 = 100x + y$

したがって、生まれた月の数が百の位の数
(と千の位の数)、生まれた日の数が十の位
と一の位の数となる。

2

$$\begin{aligned} \text{まず, } 0 &= 2 \times 0 \\ 2 &= 2 \times 1 \\ 4 &= 2 \times 2 \\ 6 &= \underline{2 \times 3} \\ &\cdot \\ &\cdot \\ &\cdot \end{aligned}$$

$$(\text{偶数}) = 2 \times (\text{整数})$$

で表されるから、整数 n を利用すると

$$(\text{偶数}) = \underline{2n}$$

と表すことができる。

$$\begin{aligned} \text{次に, } 1 &= 0 + 1 = 2 \times 0 + 1 \\ 3 &= 2 + 1 = 2 \times 1 + 1 \\ 5 &= \underline{4 + 1} = \underline{2 \times 2 + 1} \\ &\cdot \\ &\cdot \\ &\cdot \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (\text{奇数}) &= (\text{偶数}) + 1 \\ &= 2 \times (\text{整数}) + 1 \end{aligned}$$

で表されるから、整数 n を利用すると

$$(\text{奇数}) = \underline{2n + 1}$$

3

(1)

$$\begin{aligned} \text{ア } 4 + 7 &= 11 \\ \text{イ } 16 + 13 &= 29 \end{aligned}$$

補足

$$\begin{aligned} \text{ア } 4 + 7 &= 11 \\ &= 10 + 1 \\ &= 2 \times 5 + 1 \\ \text{イ } 16 + 13 &= 29 \\ &= 28 + 1 \\ &= 2 \times 14 + 1 \end{aligned}$$

(2)

整数 m を使って、偶数を表すと

$$(\text{偶数}) = \underline{2m}$$

整数 n を使って、奇数を表すと

$$(\text{奇数}) = \underline{2n + 1}$$

偶数と奇数の和を表すと

$$\begin{aligned} (\text{偶数}) + (\text{奇数}) &= 2m + 2n + 1 \\ &= 2(m + n) + 1 \end{aligned}$$

ここで、 $m + n$ は整数であるから、 $2(m + n)$ は偶数である。

偶数に1加えると奇数だから

 $2(m + n) + 1$ は奇数である。

したがって、

偶数と奇数の和はいつも奇数である。

(3) 「奇数と奇数の和はいつも偶数である。」このことの説明しなさい。

説明例

整数 m , n を使って、2つの奇数を表すと

$$2m + 1, 2n + 1$$

と表される。

奇数と奇数の和は

$$\begin{aligned} &(2m + 1) + (2n + 1) \\ &= 2m + 2n + 2 \\ &= 2(m + n + 1) \end{aligned}$$

ここで、 $m + n + 1$ は整数であるから、 $2(m + n + 1)$ は偶数である。

したがって、

偶数と奇数の和はいつも奇数である。