

—多項式と多項式の乗法の計算ができるようになって— p. 10, 11

学習日 月 日 年 組 番 氏名

1 $(a + b)(c + d)$ を、 $c + d = M$ とにおいて、計算する方法を示しました。下線部にあてはまる文字やことば、式を入れなさい。(p. 10)

$$\begin{aligned}
 &(a + b)(c + d) \\
 = &(a + b)M \\
 = &aM + bM \\
 = &a(\underline{\quad} + \underline{\quad}) + b(\underline{\quad} + \underline{\quad}) \\
 = &\underline{\hspace{2cm}}
 \end{aligned}$$

$c + d$ を $\underline{\quad}$ とおく

$\underline{\quad}$ を使って
かっこをはずす

$\underline{\quad}$ を $c + d$
にもどす

$\underline{\quad}$ を使っ
てかっこをはずす

2 $a + b = N$ とにおいて、 $(a + b)(c + d)$ を計算しなさい。(p. 10)

5 次の式を展開しなさい。(p. 11)

(1) $(a - c)(b + d)$

(2) $(x + 5)(y - 2)$

(3) $(a + 5)(a - 3)$

(4) $(2a - b)(a + 4b)$

(5) $(3x - 4)(x + 2)$ [H19 岩手]

3 上の1, 2の結果から下線部に入る文字式やことばを入れなさい。(p. 10)

$$(a + b)(c + d) = \underline{\quad} + \underline{\quad} + \underline{\quad} + \underline{\quad}$$

単項式や多項式の積の形の式を、かっこをはずして、単項式の和の形に表すことを、はじめの式を $\underline{\hspace{2cm}}$ という。

4 上の3の方法で次の式を展開しなさい。(p. 11)

(1) $(x + 2)(y + 7) = \underline{\quad} + \underline{\quad} + \underline{\quad} + \underline{\quad}$

(2) $(2x - 3)(x + 2) = \underline{\quad} + \underline{\quad} - \underline{\quad} - \underline{\quad}$
 $= \underline{\hspace{2cm}}$

6 次の式を展開しなさい。(p. 11)

(1) $(a + 2)(a - 2b + 3)$

(2) $(3x - y + 2)(4x - 3y)$

(3) $(2a - 3b)(-2a + 5b - 3)$

1 $(a+b)(c+d)$ $\xrightarrow{\text{c+dをMとおく}}$ $= (a+b)M$
 $\xrightarrow{\text{分配法則}}$ $= aM + bM$
 $\xrightarrow{\text{Mをc+dにもどす}}$ $= a(c+d) + b(c+d)$
 $\xrightarrow{\text{分配法則}}$ $= ac + ad + bc + bd$

2 $(a+b)(c+d) = N(c+d)$
 $= cN + dN$
 $= c(a+b) + d(a+b)$
 $= ac + bc + ad + bd$

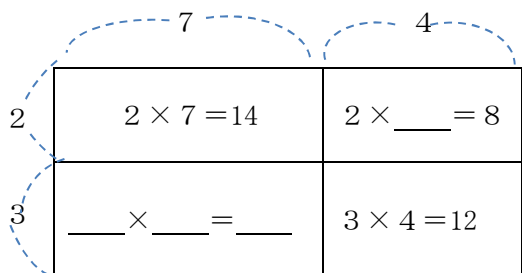
3 $(a+b)(c+d) = ac + ad + bc + bd$

単項式や多項式の積の形の式を、かっこをはずして単項式の和の形に表すことを、はじめの式を 展開する という。

3の計算を虹のかけ算と呼ぶ人もいます。きれいでしょ



数学が苦手な人は、具体的な数字で確かめよう。長方形の図と式を比べよう。



展開して

$(2+3)(7+4) = 2 \times 7 + 2 \times 4 + 3 \times 7 + 3 \times 4$
 $= 14 + 8 + 21 + 12$
 $= 55$

かっこの中から計算すると

$(2+3)(7+4) = 5 \times 11$
 $= 55$

4 ① ② ③ ④
 (1) $(x+2)(y+7) = \underline{xy} + \underline{7x} + \underline{2y} + \underline{14}$
 ① ② ③ ④
 (2) $(2x-3)(x+2) = \underline{2x^2} + \underline{4x} - \underline{3x} - \underline{6}$
 $= \underline{2x^2} + x - 6$

5 (1) $(a-c)(b+d)$
 $= ab + ad - bc - cd$

(2) $(x+5)(y-2)$
 $= xy - 2x + 5y - 10$

(3) $(a+5)(a-3)$
 $= a^2 - 3a + 5a - 15$
 $= a^2 + 2a - 15$

(4) $(2a-b)(a+4b)$
 $= 2a^2 + 8ab - ab - 4b^2$
 $= 2a^2 + 7ab - 4b^2$

(5) $(3x-4)(x+2)$
 $= 3x^2 + 6x - 4x - 8$
 $= 3x^2 + 2x - 8$

6 (1) $(a+2)(a-2b+3)$

$= a(a-2b+3) + 2(a-2b+3)$
 $= a^2 - 2ab + 3a + 2a - 4b + 6$
 $= a^2 - 2ab + 5a - 4b + 6$

(2) $(3x-y+2)(4x-3y)$

$= 3x(4x-3y) - y(4x-3y) + 2(4x-3y)$
 $= 12x^2 - 9xy - 4xy + 3y^2 + 8x - 6y$
 $= 12x^2 - 13xy + 3y^2 + 8x - 6y$

別解

$(3x-y+2)(4x-3y)$

$= (3x-y+2) \times 4x + (3x-y+2) \times (-3y)$
 $= 12x^2 - 4xy + 8x - 9xy + 3y^2 - 6y$
 $= 12x^2 - 13xy + 3y^2 + 8x - 6y$

(3) $(2a-3b)(-2a+5b-3)$
 $= 2a(-2a+5b-3) - 3b(-2a+5b-3)$
 $= -4a^2 + 10ab - 6a + 6ab - 15b^2 + 9b$
 $= -4a^2 + 16ab - 15b^2 - 6a + 9b$

注：答えの項の順番が違っていても正解です。

ただし、①次数の高い項の順 ②アルファベットの順に書くのが一般的です。

例 6 (3) $-4a^2 + 16ab - 6a - 15b^2 + 9b$
 上のよう書いても正解ですが、できるだけ注のことを意識して解答のように書きましょう。